

UNIDAD IV

LA INTEGRAL DEFINIDA

- 1. Cálculo de la integral definida
- 2. Calculo de áreas
- 3. Áreas de superficies limitadas por curvas planas

EJERCICIOS DE APLICACIÓN 4

Sección1. Integral definida. Verificar las siguientes integrales

$$1. \qquad \int_{1}^{e} \frac{dx}{x} = 1$$

2.
$$\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{3-2x}} = \sqrt{3} - 1$$

3.
$$\int_{2}^{3} \frac{2xdx}{1+x^2} = \ln 2$$

4.
$$\int_0^2 \frac{x^3 dx}{x+1} = \frac{8}{3} - \ln 3$$

$$5. \int_0^{\pi} \sqrt{2 + 2\cos\theta} \ d\theta = 4$$

$$6. \int_0^4 \frac{dx}{\sqrt{9-2x}}$$

Sección2. Cálculo de áreas

- Calcular el área del triangulo limitado por la recta y = 2x, el eje de las x y la ordenada
- Hallar el área del trapecio limitada por la recta x + y = 10, el eje de las x y las ordenadas x = 1v x = 8.

Hallar el área de las superficies limitadas por la curva dada, el eje de las x y las ordenadas dadas

9.
$$y = x^3$$
;

$$x = 0$$
, $x = 4$ S/ 64

10.
$$v = 9 - x^2$$

10.
$$y = 9 - x^2$$
; $x = 0$, $x = 4$ S/ 18

11.
$$y = x^3 + 3x^2 + 2x$$
; $x = -3$, $x = 3$ S/54

12.
$$y = x^2 + x + 1;$$
 $x = 2,$ $x = 3$ $S/9\frac{5}{6}$

Halle el área de la primera arcada de la curva $y = \operatorname{sen} \frac{1}{2}x$

Sol. 14,026

Sección3. Áreas limitadas por curvas

14. Hallar el área de la superficie limitada por la hipérbola $xy = a^2$, el eje de las x y las ordenadas x = a y x = 2a

Sol. a²ln2

15. Hallar el área de la superficie limitada por la curva y = lnx, el eje de las x y la recta x = 4Sol. 14.026

- 16. Hallar el área de la superficie limitada por la curva $y = xe^x$, el eje de las x y la recta x = 10Sol. 164,8
- 17. Hallar el área limitada por los ejes coordenados y la parábola $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{a}$

Sol. 1/6 a²

Hallar el área de las superficies limitadas por la curva dada, en cada problema trazar la figura, mostrando el elemento de área

18.
$$y^2 = 6x$$
;

$$x^2 = 6y$$

19.
$$y^2 = 4x$$
; $x^2 = 6y$

$$v^2 - 6$$

20.
$$y^2 = 4x$$
;

$$2x - y = 4$$

21.
$$v^2 = 2x$$
:

$$x^2 + y^2 = 4x$$

22.
$$v^2 = 4x$$
:

$$x = 12 + 2y - y^2$$

S/ 9

23. Hallar el área de la superficie limitada por la parábola semicúbica $y^3 = x^2$ y la cuerda que une los puntos (-1, 1) y (8, 4)

Sol. 2.7